

## ЛЕКЦИЯ 17.

### Расширенные возможности OpenFOAM.

В данной лекции рассматриваются классы дискретизации границ, представления полей, представления матриц.

#### ДИСКРЕТИЗАЦИЯ ГРАНИЦ В OpenFOAM

Доступ к границам: `const fvBoundaryMesh& fvMesh::boundary() const`

`fvBoundaryMesh` наследует от `fvPatchList (List<fvPatch>)` - список внешних границ (патчей) расчетной области, на которых задаются граничные условия для каждого из полей задачи

`fvPatch` содержит информацию о геометрии границы — центры граней `Cf()` и прилегающих к ним ячеек `Cn()`, их площади `magSf()`, `Sf()` и нормали `nf()`, вектора расстояний `delta()` от центров граней до центров прилегающих ячеек, ссылку на объект с топологией границы `patch()`

`polyPatch` — наследует от `patchIdentifier`, `primitivePatch`, содержит в себе топологию границы и методы для работы с ней (центры граней, связи между гранями, связи между гранями и прилегающими ячейками, адресацию между номерами граней на данной внешней границе (локальными номерами) и глобальными (во всей расчетной области)

`patchIdentifier` — идентификатор внешней границы (её номер в общем списке, имя и тип в виде строковой константы)

`primitivePatch` — устанавливает адресацию между узлами и натянутыми на них гранями данной внешней границы.

#### ПРЕДСТАВЛЕНИЕ ПОЛЕЙ В OpenFOAM

Поле как список значений в расчетных точках (например, в центрах к.о.)

`Field<T>` наследует от `refCount` и `List<T>`

Поле физической величины определенной размерности `DimensionedField <class T, class GeoMesh>` наследует от `Field<T>` и `regIOobject`

Геометрическое поле `GeometricField<class T, template<class> PatchField, class GeoMesh>` наследует от `DimensionedField<T, GeoMesh>` определено на всей расчетной области и вычисляется в определенных точках (к.о., гранях, узлах)

Поле, определенное в центрах ячеек (`volFields.H`, `volFieldsFwd.H`):

```
typedef GeometricField<scalar, fvPatchField,volMesh> volScalarField;
```

```
typedef GeometricField<vector, fvPatchField,volMesh> volVectorField;
```

```
typedef GeometricField<tensor, fvPatchField,volMesh> volTensorField;
```

Поле, определенное в центрах граней (`surfaceFields.H`, `surfaceFieldsFwd.H`):

```
typedef GeometricField<scalar, fvPatchField,surfaceMesh> surfaceScalarField;
```

```
typedef GeometricField<vector, fvPatchField,surfaceMesh> surfaceVectorField
```

Также как и расчетная область (сетка), поля физических величин представлены значениями внутри расчетной области и значениями на границе.

Последние группируются по именованному множеству граней и выступают как численная реализация граничного условия определенного типа.

Поле, определенное на некоторой границе (`fvPatch`) определяется либо в шаблоне `fvPatchField<T>` (при дискретизации в центрах к.о., соответствует `vol***Field`) либо `fvsPatchField<T>` (при дискретизации в центрах граней, соответствует `surface***Field`).

Параметр шаблона `T` - это тип поля (вектор, скаляр, тензор и прочее)

Класс `fv(s)PatchField` обязательно содержит:

а) ссылку на сетку данной границы `patch()`,

б) регистр объектов данного уровня `db()`,

в) внутреннее поле `internalField()`, г) производную по нормали `snGrad()`,

- д) диагональные коэффициенты матрицы `valueInternalCoeffs()` и `gradientInternalCoeffs()`, е) коэффициенты правой части уравнений `valueBoundaryCoeffs()` и `gradientBoundaryCoeffs()`,
- ж) операторы присваивания и простейшие арифметические операторы,
- з) маркер, определяющий является ли это ГУ 1-го рода — `fixesValue()`.

### ПРЕДСТАВЛЕНИЕ РАЗРЕЖЕННЫХ МАТРИЦ. ИСХОДНАЯ МАТРИЦА.

$$A_{ii} \psi_i + \sum_j A_{ij} \psi_j = S_i$$

$A_{ii}$  - Диагональные элементы матрицы A

$\psi_j$  - Искомое поле, определенное в расчетных точках

$\sum_j A_{ij} \psi_j$  - Сумма недиагональных элементов в строке i

$S_i$  - Правая часть уравнения (источник)

Матрица содержится в классе `lduMatrix`:

Коэффициенты матрицы `lowerPtr_`, `diagPtr_`, `upperPtr_`

Адресация осуществляется через объект типа `lduAddressing` - `::lduAddr()`

Доступ к матрице — `lower()`, `diag()`, `upper()`

Доступ к операторам H() и A()

Операторы сложения и вычитания `-=`, `+=`

Ссылку на расчетную область `mesh()`

Подклассы: а) `solver`; б) `solverPerformance`; в) `smoother`; г) `preconditioner`

Имеем матрицу NxN, где N — число расчетных точек (контрольных объемов)

### ПРЕДСТАВЛЕНИЕ РАЗРЕЖЕННЫХ МАТРИЦ В ПАМЯТИ. АДРЕСАЦИЯ

COO (Coordinate storage) — все непустые значения хранятся в одном массиве (`values`).

Помимо него используются ещё два вектора — номера непустых колонок (`cols`) и номера непустых рядов (`rows`)

OpenFOAM COO — отдельно хранятся диагональные элементы (D), верхние (U) — номера ячеек с индексом  $U > D$ , и нижние (L) с индексом  $L < D$

В представлении матрицы OpenFOAM каждой ячейке соответствуют: а) диагональный элемент, б) список элементов верхнего треугольника (по строкам), в) список элементов нижнего треугольника (по рядам)

Структура представления расчетной сетки OpenFOAM соответствует представлению данных матрицы. Расчетная сетка представляет собой:

- 1) Список координат вершин, образующих контрольные объёмы;
- 2) Список граней, образующих контрольные объёмы, каждый элемент такого списка содержит массив номеров узлов из списка вершин пункта 1, сортированный таким образом, что нормаль грани «смотрит» во-вне контрольного объёма;
- 3) Список граней, принадлежащих контрольным объёмам (соединяющим один объём с другим, чей номер выше данного); нормаль такой грани направлена наружу упомянутого объёма (`Owners`). Число элементов — общее число граней.
- 4) Список граней, принадлежащих соседним контрольным объёмам (с номером, меньшим чем данный) — `Neighbours`. Число элементов количество внутренних граней < число `Owners`

Матрица содержится в классе `lduMatrix`:

Коэффициенты матрицы lowerPtr\_, diagPtr\_, upperPtr\_  
Адресация осуществляется через объект типа lduAddressing - ::lduAddr()

Доступ к матрице — lower(), diag(), upper()

Доступ к операторам H() и A()

Операторы сложения и вычитания -=, +=

Ссылку на расчетную область mesh()

Подклассы:

а) solver;

б) solverPerfomance;

в) smoother;

г) preconditioner.

## **Решение СЛАУ**

Класс lduMatrix::solver:

Имя искомой величины

Ссылка на параметры поиска

Критерий выхода из итераций

Процедура решения — BICCG, ICCG, PCG, PbiCG

Для решения используется процедура Matrix::solve()

lduMatrix::solverPerfomance — информация о процессе решения системы линейных алгебраических уравнений (private):

Имя решателя solverName\_

Имя поля fieldName\_

Начальная невязка initialResidual\_

Конечная невязка finalResidual\_

Число итераций noIterations\_

Сходимость решения converged\_

Сингулярность решения singular\_

Сглаживание — процедура подавления высокочастотных составляющих решения (релаксация) при использовании многосеточных методов. Целью сглаживателя (smoother) ставится сглаживание решения для улучшения приближения на грубой сетке

Базовый абстрактный класс сглаживателя определен в классе lduMatrix::smoother, его реализации в классах:

DICsSmoother — сглаживание методом неполного разложения Холецкого

DICGaussSeidelSmoother — сглаживание методом неполного разложения Холецкого и Гаусса-Зейделя

DILUSmoother — сглаживание методом LU-разложения

DILUGaussSeidelSmoother — сглаживание методом LU-разложения и Гаусса-Зейделя

GaussSeidelSmoother — сглаживание методов Гаусса-Зейделя

## **Предобуславливатели**

Базовый класс для всех предобуславливателей — lduMatrix::preconditioner, их реализации содержатся в классах:

noPreconditioner — без предобуславливания;

diagonalPreconditioner — диагональный предобуславливатель;

GAMGPreconditioner — многосеточный предобуславливатель;

DILUPreconditioner — предобуславливание методом LU-разложения;

DICPreconditioner — предобуславливание методом неполного разложения Холецкого;

FDICPreconditioner — предобуславливание методом быстрого неполного разложения Холецкого.

## Решение СЛАУ

`fvMatrix` — реализация `lduMatrix`, предназначенная для решения СЛАУ, полученных МКО, наследует от `refCount` и `lduMatrix`, осуществляет выбор решателя (`fvMatrix::fvSolver`). Уравнения могут решаться только для одной переменной (скаляр), решение уравнений для тензоров и векторов производится последовательно:

`solve()` - решение системы СЛАУ, полученных после дискретизации уравнений на сетке  
`psi()` - искомое поле (скаляр)

`source()` - источник

другие функции связанные `lduMatrix`

Класс `fvMatrix` обладает свойствами самождественности, аддитивности и коммутативности через переопределенные операторы:

$$LA = L_1 A + L_2 A = L_2 A + L_1 A = (L_1 + L_2) A$$

## Общий порядок интегрирования уравнений

Решение задачи проводится на три этапа. Результат выполнения каждого из трех — `fvMatrix`. В случае неявной дискретизации (`fvm::`) - матрица коэффициентов в левой части, в случае явной (`fvc::`) — вектор правой части (поле, определенное в расчетных точках)

- 1) Неявная дискретизация слагаемых уравнений (`fvm::`)
- 2) Явная дискретизация слагаемых уравнений (`fvc::`)
- 3) Дискретизация по времени (`fvm::ddt`, `fvm::d2dt2` и `fvc::ddt`, `fvc::d2dt2`)
- 4) Обновление граничных условий (возможно на шагах 1 и 2)
- 5) Решение системы уравнений

Дискретизация дивергенции

$$\int_V \nabla \cdot (\rho \mathbf{U} \psi) dV = \int_S d\mathbf{S} \cdot (\rho \mathbf{U} \psi) = \sum_f S_f \cdot (\rho \mathbf{U})_f \psi_f$$

$$\int_V \nabla \cdot \psi dV = \int_S d\mathbf{S} \cdot (\psi) = \sum_f S_f \cdot (\psi)_f$$

Дискретизация конвективного слагаемого осуществляется с помощью группы функций `div(...)` пространства имён `fvc::` и `fvm::`,

файлы `fvmDiv.H`, `fvcDiv.H`

```
template<class Type> tmp<fvMatrix<Type> >
```

```
fvm::div (const surfaceScalarField& flux, GeometricField<Type, fvPatchField, volMesh>& vf, const word& name);
```

```
template<class Type> tmp <GeometricField<
```

```
typename innerProduct<vector, Type>::type, fvPatchField, volMesh> >
```

```
div (const GeometricField<Type, fvPatchField, volMesh>& vf, const word& name)
```

Классы-реализации операторов:

```
fvc::convectionScheme (fvm::, fvc::), fv::divScheme (fvc)
```

Дискретизация градиента

$$\int_V \nabla (\psi) dV = \int_S (d\mathbf{S}) \psi = \sum_f S_f \psi_f$$

Дискретизация градиента (метод наименьших квадратов, теорема Гаусса и т. д.) осуществляется с помощью группы функций grad(...) пространства имён fvc::, для дискретизации градиента определенным методом используются fvc::gGrad(...), fvc::lsGrad(...) и т. д.

Файл fvcGrad.H

```
template<class Type> tmp <GeometricField<
    typename outerProduct<vector,Type>::type, fvPatchField, volMesh> >
fvc::grad (
    const GeometricField<Type, fvPatchField, volMesh>& vf,
    const word& name)
```

Операторы реализуются в классе gradScheme

### Дискретизация диффузионного слагаемого

Дискретизация диффузионного слагаемого (лапласиан в OpenFOAM) осуществляется с помощью группы функций laplacian(...) пространства имён fvc:: и fvm::, файлы fvmLaplacian.H и fvcLaplacian.H

```
template<class Type, class GType> tmp<fvMatrix<Type> >
fvm::laplacian (const GeometricField<GType, fvsPatchField, surfaceMesh>& gamma,
    GeometricField<Type, fvPatchField, volMesh>& vf, const word& name)
template<class Type, class Gtype> tmp<GeometricField<Type, fvPatchField, volMesh> >
fvc::laplacian ( const GeometricField<GType, fvsPatchField, surfaceMesh>& gamma, const
    GeometricField<Type, fvPatchField, volMesh>& vf, const word& name);
```

Операторы реализуются в классе laplacianScheme

### Производная по времени

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho \psi dV$$

Дискретизация первой производной осуществляется с помощью группы функций ddt(...) пространства имён fvc:: и fvm::, используются схемы первого порядка (Эйлера) и второго порядка (обратного дифференцирования), файлы fvmDdt.H, fvcDdt.H

```
template<class Type> tmp<fvMatrix<Type> >
fvm::ddt ( GeometricField<Type, fvPatchField, volMesh>& vf)
template<class Type> tmp<GeometricField<Type, fvPatchField, volMesh> >
fvc::ddt (const dimensioned<Type> dt, const fvMesh& mesh)
```

Операторы реализуются в классе ddtScheme

### Параллельное управление

Класс Pstream (почти все члены статические)

bool parRun()

nProcs()

master()

masterNo()

myProcNo()

Классы IPstream (ввод данных, оператор >>), OPstream (вывод данных, оператор <<)

**Динамические библиотеки. Модели турбулентности.**

$$R^{Eff} = (\mu + \mu^t) \left[ \nabla U + (\nabla U)^T \right]$$

$(\mu + \mu_t) * (fvc::grad(U) + fvc::grad(U).T())$

- 1) Все RAS-модели опираются на одно и тоже предположение Буссинеска
- 2) Расчет эффективного тензора Рейнольдса зависит только от параметров конкретной модели
- 3) Эти особенности выносятся в отдельную библиотеку, например, `libincompressibleRASModels`
- 4) Множественность вариантов одной и той же функции осуществляется за счет полиморфизма — механизма виртуальных функций
- 5) Для включения в динамическую библиотеку информации о возможных вариантах виртуальной функции используются макросы:  
`defineTypeNameAndDebug(kEpsilon,0)`  
`addToRunTimeSelectionTable(RASModel,kEpsilon,dictionary)`  
`defineTemplateNameAndDebugWithName(<name>, <debug level>)`  
<debug level> - уровень отладки. 0 — без отладки, 1 — минимальный вывод  
2 — вывод всех сообщений

### **Обзор библиотек в папке src**

ODE — методы интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений  
OSspecific — системные вызовы и функции  
OpenFOAM — ядро программы, её основные классы  
Pstream — работа с потоками исполнения  
autoMesh — алгоритмы автоматического создания сеток  
conversion — алгоритмы конвертации форматов сеток  
decompositionMethods — методы декомпозиции задачи по пространству  
dummyThirdParty — интерфейсы к сторонним методам декомпозиции по пространству  
dynamicFvMesh — конечно-объемная сетка с поддержкой её деформации  
dynamicMesh — методы деформации и изменения сетки  
edgeMesh — сетка, состоящая из отрезков (рёбер)  
engine — библиотека для решения задач, связанных с горением в двигателе  
errorEstimation — оценка погрешностей, ошибок аппроксимации, невязок  
finiteVolume — реализация метода конечных объемов в OpenFOAM  
fvAgglomerationMethods — методы укрупнения сеток при использовании многосеточных алгоритмов решения систем линейных алгебраических уравнений  
fvMotionSolver — методы деформации сетки без изменения топологии по заданным перемещениям внешних границ расчетной области  
genericPatchFields — описание нетипизированного (абстрактного) граничного условия  
lagrangian — решение задач в переменных Лагранжа  
meshTools — утилиты для работы с сеткой  
postProcessing — анализ расчетных результатов  
randomProcesses — анализ случайных процессов (например, БПФ)  
sampling — анализ выборки из общих расчетных данных (полей)  
surfMesh — поверхностная сетка  
thermophysicalModels — термодинамические и теплофизические модели  
topoChangerFvMesh — изменение топологии конечно-объемной сетки  
transportModels — модели транспорта (Ньютоновская и не-Ньютоновские)  
triSurface — триангулированная поверхность  
turbulenceModels — сжимаемые и несжимаемые RAS, LES и DES модели турбулентности

### **Приложения OpenFOAM. Основные этапы.**

- 1) Инициализация структуры каталогов рабочей задачи

- 2) Инициализация потоков выполнения (MPI)
- 3) Инициализация физического времени
- 4) Инициализация расчетной сетки
- 5) Инициализация искомых полей
- 6) Инициализация цикла интегрирования (время)
- 7) Интегрирование уравнений и запись результатов
- 8) Завершение работы.